

## Préparation à l'oral

Exercice  $n^{\circ}$  7 - B

Thème: arithmétique

## L'exercice

- 1) Soit m un entier relatif. On note  $(E_m)$  l'équation 11x + 13y = m, d'inconnue (x, y). Trouver toutes les solutions (x, y) de  $(E_m)$  dans  $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$ .
- 2) On suppose désormais que m est un entier naturel. Montrer qu'il y a autant de solutions (x, y) de l'équation  $(E_m)$  dans  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$  qu'il y a d'entiers dans le segment  $[\frac{5m}{11}, \frac{6m}{13}]$ .
- 3) Montrer que si m < 143 (resp.  $m \ge 143$ ), alors l'équation  $(E_m)$  possède au plus (resp. au moins) une solution (x, y) dans  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$ .

## Le travail à exposer devant le jury

- Q1) Préciser les connaissances et les compétences mises en jeu dans l'exercice.
- **Q2)** Écrire un algorithme renvoyant, pour un entier naturel m donné, la ou les solutions éventuelles (x, y) de l'équation  $(E_m)$  dans  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$ . Cet algorithme pourra être implanté sur ordinateur ou simplement décrit au tableau dans un langage de votre choix.
- Q3) Comment pourrait-on montrer que 119 est le plus grand entier naturel m tel que  $(E_m)$  n'ait pas de solution dans  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$ ?